Pondichéry avril 2017

Exercice 3

Partie B

3. L'algorithme, donné en annexe, permet de calculer une valeur approchée par défaut de

$$I = \int_{0}^{2.5} f(x) dx$$
, notée a.

On admet que : $a \le I \le a + \frac{f(0) - f(2,5)}{n} \times 2,5$.

a. Le tableau fourni en annexe, donne différentes valeurs obtenues pour R et S lors de l'exécution de l'algorithme pour n=50.

Compléter ce tableau en calculant les cinq valeurs manquantes.

b. En déduire une valeur approchée, au mêtre carré près, de l'aire de la zone de creusement.

Annexe

$$S \leftarrow 0$$

Pour k variant de 1 à n faire

$$R \leftarrow \frac{2,5}{n} \times f\left(\frac{2,5}{n} \times k\right)$$

$$S \leftarrow S + R$$

Fin Pour

Le tableau ci-dessous donne les valeurs de R et de S, arrondies à 10^{-6} , obtenues lors de l'exécution de l'algorithme pour n=50 .

Boucle Pour	étape <i>k</i>	R	S
	1		
	2	0,130060	0,260176
	3	0,129968	0,390144
	4	0,129837	
	24	0,118137	3,025705
	25	0,116970	3,142675
	49	0,020106	5,197538
	50		•••••